

Ejercicio 3

-Anota las respuestas en los espacios que corresponden. Respuesta no anotada en el espacio correspondiente tendrá un valor de cero..

-Todas las demostraciones deben anexarse a la hoja de ejercicios. No se otorgan puntos por aquellas respuestas correctas que no presenten la demostración.

Fecha y hora límite de entrega: Martes 21 de Marzo, 6 pm (en clase).

1. Considera las siguientes funciones de demanda de el individuo B, los bienes que consume son (x, y) :

$$\text{Individuo B} \quad D^B_x = \left(\frac{I}{P_x + \sqrt{P_x P_y}} \right) \quad D^B_y = \left(\frac{I}{P_y + \sqrt{P_x P_y}} \right)$$

- a) Si suponemos su ingreso es de 250 pesos, determina la variación en el excedente del consumidor del individuo si el precio del bien x sube de 4 a 6.

Variación del excedente del consumidor (aproximada): -54.2

2. Considera el Cuadro 14.1 del Apéndice del Capítulo 14 del libro de Varian. En dicho cuadro se presenta la siguiente información:

P_1	Variación en el Excedente del Consumidor
1	0.00
2	6.93
3	10.99
4	13.86
5	16.09
13	25.64
14	26.39

- a) Dicha tabla se basa en la función de utilidad Cobb Douglas dada por $U(x_1, x_2) = x_1^{1/10} x_2^{9/10}$. Suponiendo que se han calculado las variaciones del precio 1 de 1 a 2, 3...5 etc. Asumiendo $P_2 = 1$, $I = 100$, completa la tabla anterior como corresponde.

3. Considera un individuo cuya función de utilidad está dada por $U(x_1, x_2) = 9x_1x_2$ y enfrenta precios iniciales $P_1 = P_2 = 6$, y un ingreso de 300 pesos. Sus demandas marshallianas y hicksianas son:

$$D_1(P_1, P_2, I) = I/2P_1$$

$$H_1(P_1, P_2, U) = \sqrt{(P_2 U) / (9P_1)}$$

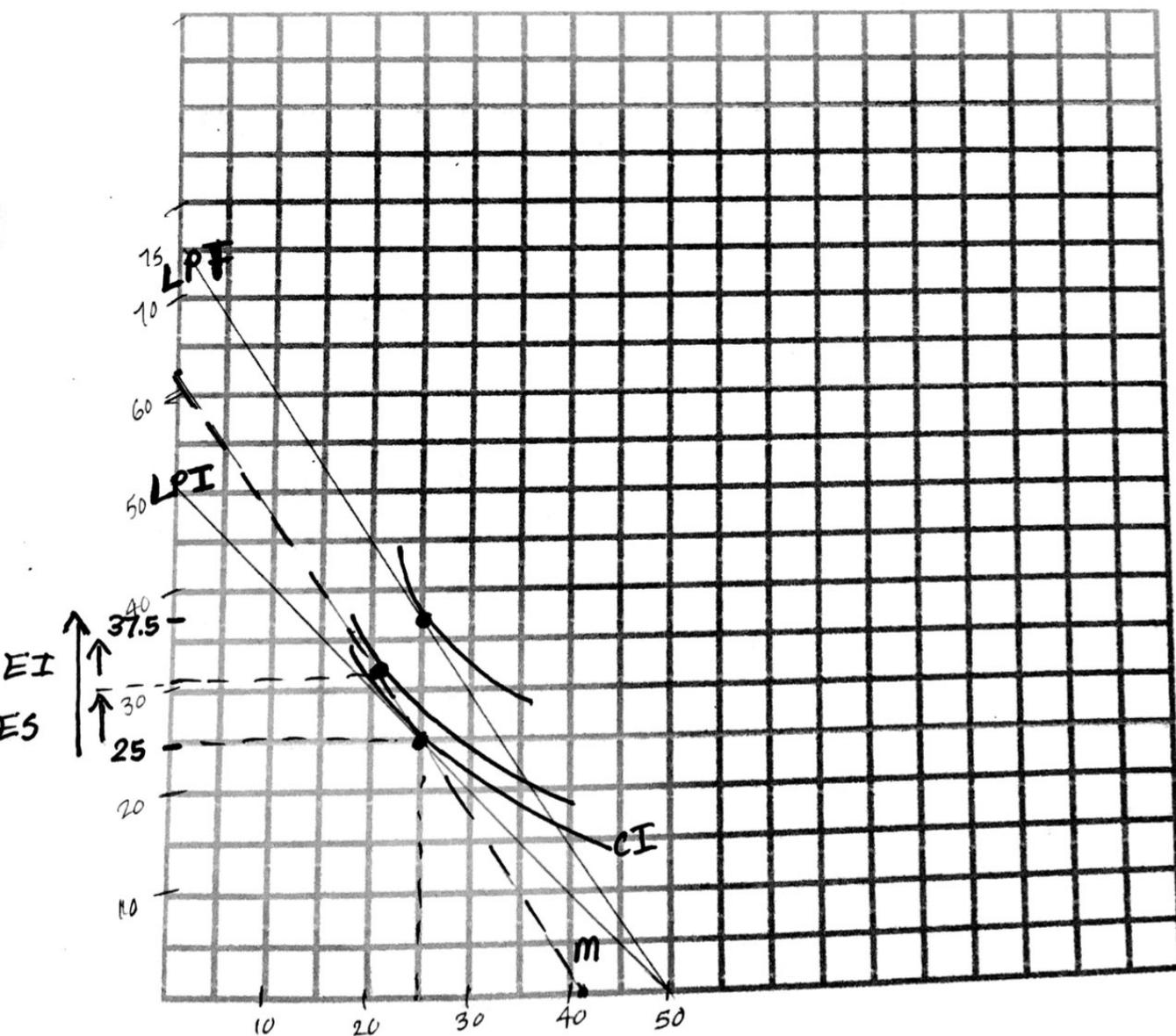
$$D_2(P_1, P_2, I) = I/2P_2$$

$$H_2(P_1, P_2, U) = \sqrt{(P_1 U) / (9P_2)}$$

Efecto sustitución e ingreso (enfoque de Slutsky)

Usando el enfoque de Slutsky, y suponiendo el precio del bien 2 disminuye a 4 pesos. Determina:

- El Efecto Sustitución: 6.25 y el Efecto Ingreso es igual a 6.25. Por lo que el Efecto Total generado por la disminución en el precio del bien 2 significa que la demanda total del bien (aumentó, se redujo) en ↑ 12.5 unidades.
- Grafica en el cuadrante que se presenta la línea presupuestaria inicial (LPI), la curva de indiferencia inicial (CI), y señala el Efecto total (ET), el efecto sustitución (ES) y el efecto ingreso (EI), así como la línea presupuestaria imaginaria (LPM), y la línea presupuestaria final (LPF).

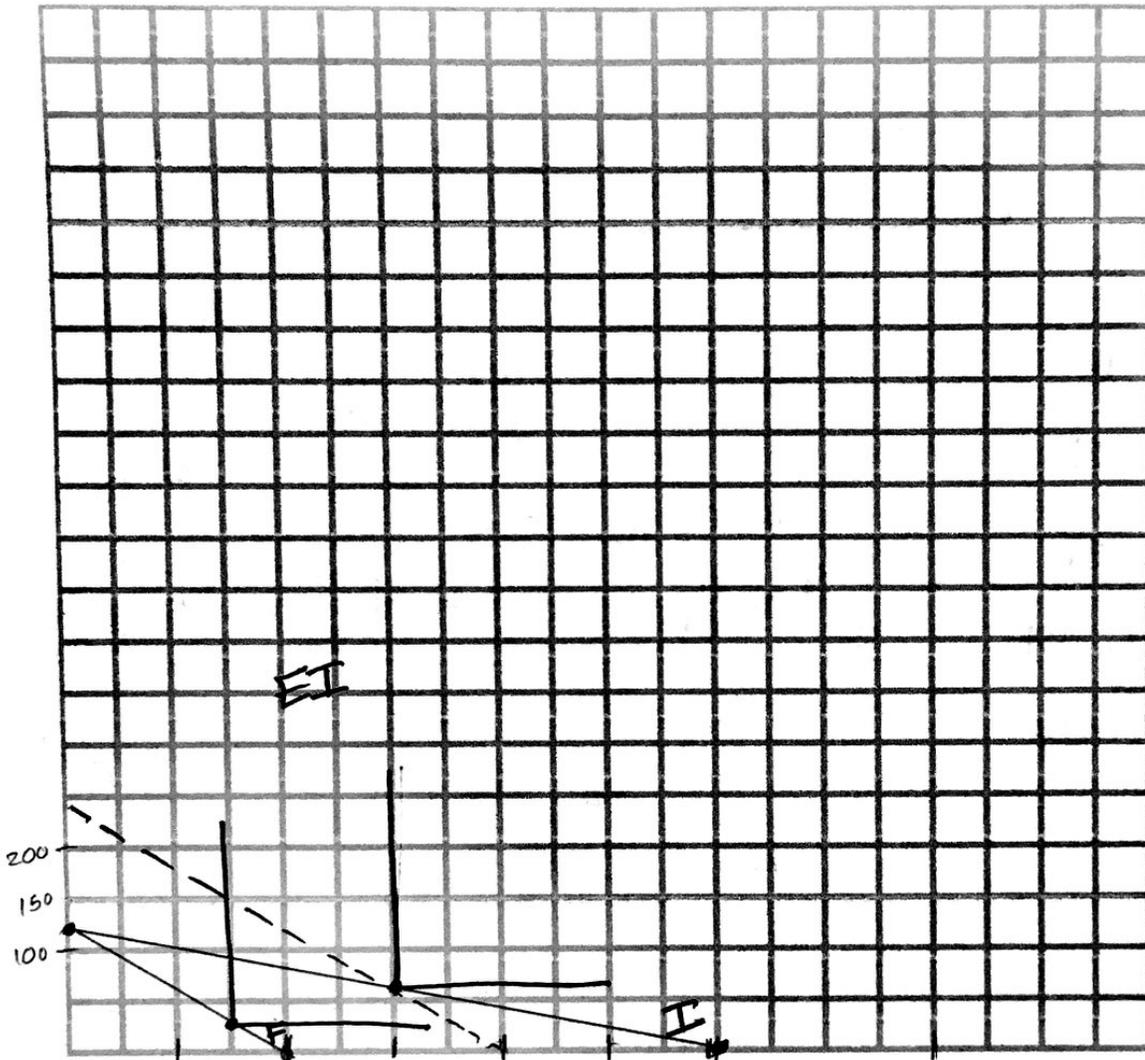


4. Si un individuo enfrenta la función de utilidad dada por $U(x_1, x_2) = \min \{x_1, 5x_2\}$. Si el $P_1 = 2$, $P_2 = 10$, y su ingreso es de 1200 pesos. (A la Varian, resuélvelo gráficamente)

a) Determina el efecto sustitución y el efecto ingreso si el precio del bien 1 es ahora de 6 pesos.

ES = 0. EI = -150. Efecto total = -150.

b) Grafica el inciso a) de tal forma que representes el efecto del cambio del precio del bien 1 en la demanda óptima del individuo. Señala el efecto total, el efecto sustitución y el efecto ingreso así como las direcciones.



Los efectos.

$$6(300) + 10(60) = 1800 + 600 = \underline{2400}$$

$$m' = 2400$$

$$x_1 = 5x_2$$

$$6x_1 + 10x_2 = 2400$$

$$6(5x_2) + 10x_2 = 2400$$

$$30x_2 + 10x_2 = 2400$$

$$40x_2 = 2400$$

$$x_2 = 60$$

$$x_1 = 300$$

Inicial $2x_1 + 10x_2 = 1200$
 Interceptos $(600, 0)$
 $(0, 120)$

Final $6x_1 + 10x_2 = 1200$
 $(200, 0)$
 $(0, 120)$

$x_1 = 5x_2$
 $6x_1 + 10x_2 = 1200$
 $6(5x_2) + 10x_2 = 1200$
 $30x_2 + 10x_2 = 1200$
 $40x_2 = 1200$
 $x_2 = \frac{1200}{40}$
 $x_2 = 30$
 $x_1 = 5(30) = 150$

$U(x_1, x_2) = \min \{x_1, 5x_2\}$

$x_1 = 5x_2$
 $2(5x_2) + 10x_2 = 1200$
 $10x_2 + 10x_2 = 1200$
 $20x_2 = 1200$
 $x_2 = \frac{1200}{20}$
 $x_2 = 60$

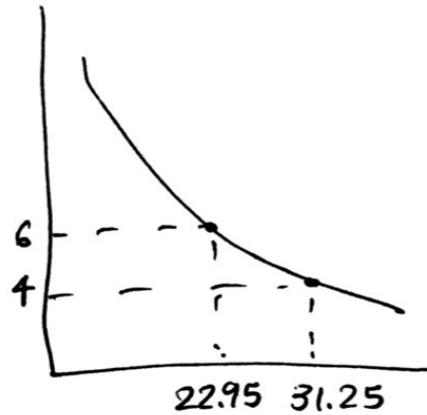
$x_1 = 5(60)$
 $x_1 = 300$
 $(300, 60)$
 Inicial

$(150, 30)$
 Final

Individuo B

$$D_x^B = \frac{250}{4 + \sqrt{4 \cdot 4}} = \frac{250}{4 + 4} = \frac{250}{8} = 31.25$$

$$D_x^{B'} = \frac{250}{6 + \sqrt{4 \cdot 6}} = \frac{250}{6 + 4.8989} = \frac{250}{10.89} = 22.95$$



$$(45.9) + (8.3) = \underline{54.2}$$

2. Variación del EC.

$$D_1 = \frac{I}{10P_1} \quad D_2 = \frac{9I}{10P_2}$$

$$\int_1^{P'} \frac{I}{10P_1^{-1}} dP_1 = \left[\frac{I}{10} \ln P_1 \right]_1^{P'} \quad \text{Si } I=100 \quad \left[\frac{100}{10} \ln P_1 \right]_1^{P'} = 10 \ln P_1 \Big|_1^{P'}$$

Por lo que

$$= [10 \ln 2 - 10 \ln 1] = 6.93$$

$$= [10 \ln 3 - 10 \ln 1] = 10.98$$

$$= [10 \ln 4 - 10 \ln 1] = 13.86$$

$$= [10 \ln 5 - 10 \ln 1] = 16.09$$

$$= [10 \ln 13 - 10 \ln 1] = 25.64$$

$$= [10 \ln 14 - 10 \ln 1] = 26.39$$

$$D_1(6, 300) \quad D_2(6, 300)$$

Inicial

$$D_2 = \frac{I}{2P_2} = \frac{300}{2(6)} = \frac{300}{12} = 25$$

Final

$$D_2' = \frac{I}{2P_2'} = \frac{300}{2(4)} = \frac{300}{8} = 37.5$$

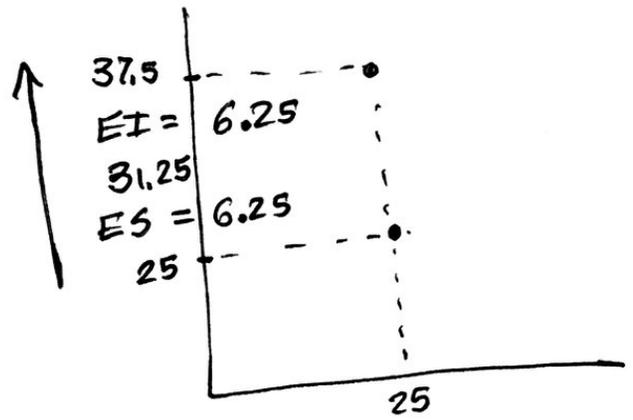
$$\left. \begin{array}{l} \text{Inicial} \quad 6x_1 + 6x_2 = 300 \\ \text{Interc.} \quad x_1 = 50, x_2 = 50 \end{array} \right\} \text{Final Int.}$$

$$6x_1 + 4x_2 = 300$$

$$x_1 = 50, x_2 = 75$$

$$ES = 6.25$$

$$EI =$$



(20, 25)

$$6(20) + 4(25) = 120 + 100 = 220$$

$$D_1 = \frac{300}{2(6)} = 25$$

$$D_2 = \frac{300}{2(4)} = 37.5$$

$$D_1 = 20.83 \quad D_2 = 31.25$$

$$6x_1 + 4x_2 = 250$$

21,60